

Devoir maison n°4

à rendre le 16/10

Exercice 1

Résoudre dans C l'équation

$$z^2 + 4z + 1 - 4i = 0$$
.

Exercice 2

- 1. Soient a, b deux nombres complexes. Développer et réduire $(a+b)^4$. *Merci de ne pas recopier une formule toute prête prise en ligne.*
- 2. Démontrer que pour tout réel *x* :

$$\cos^4 x = \frac{1}{8}\cos(4x) + \frac{1}{2}\cos(2x) + \frac{3}{8}.$$

Exercice 3

On travaille dans le plan complexe où l'on considère les points O et I d'affixes respectives 0 et 1.

1. Représenter dans le plan complexe l'ensemble $\mathscr C$ des points M d'affixe z telle que

$$|z-1|=1$$
.

Justifier la construction.

2. Pour tout point M de $\mathscr C$ d'affixe z non nulle, on désigne par M' le point d'affixe z' telle que

$$z'=\frac{1}{\overline{z}}$$
.

- (a) Prouver que arg(z') = arg(z). Que peut-on en déduire pour les points O, M, M'?
- (b) Prouver que |z'-1|=|z'|. Interpréter géométriquement.
- (c) Si M est un point de $\mathscr C$ distinct de O, décrire et réaliser la construction de M'.